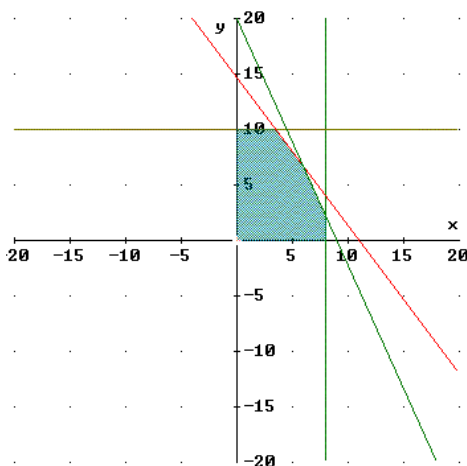


| Bachillerato de Ciencias Humanas y Sociales |                    |
|---------------------------------------------|--------------------|
| Soluciones del ejercicio A                  | Septiembre de 2002 |

**Problema 1.** Las restricciones son  $\begin{cases} x \leq 8 \\ y \leq 10 \\ x \geq 0, y \geq 0 \end{cases}$  y  $\begin{cases} 4x + 3y \leq 44 \\ 500x + 225y \leq 4500 \end{cases}$  y determinan la región factible:



Los puntos posibles son  $A(0, 10)$ ,  $B(7/2, 10)$ ,  $C(6, 20/3)$ ,  $D(8, 20/9)$  y  $E(8, 0)$ .

Sustituyendo en la función objetivo  $f(x, y) = 500x + 300y$  se obtiene:  $f(0, 10) = 3000$ ,  $f(7/2, 10) = 4750$ ,  $f(6, 20/3) = 5000$ ,  $f(8, 20/9) = 4667$  y  $f(8, 0) = 4000$ . Luego se deben plantar 6 hectáreas de tipo A y 6,67 hectáreas de tipo B siendo la producción de 5000 litros de aceite.

**Problema 2.**  $AX = 2B - C = 2 \begin{pmatrix} 3 & -4 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} -2 & -7 \\ 13 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 & -1 \\ -15 & 0 \end{pmatrix}$ . Y por tanto

$$X = A^{-1} \cdot \begin{pmatrix} 8 & -1 \\ -15 & 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{5} \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 5 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 8 & -1 \\ -15 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}.$$

**Problema 3.** a) La función pedida es  $y = \frac{-18}{5000}x + 60$  siendo  $x$  la altura e  $y$  la temperatura.

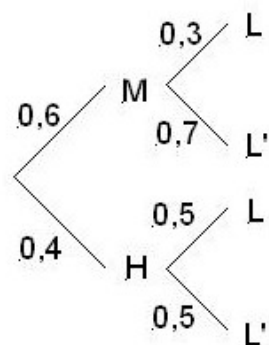
b) Sustituyendo en la función  $y(15000) = \frac{-18}{5000} \cdot 15000 + 60 = 6^\circ F$ .

c) Ahora será  $0 = \frac{-18}{5000}x + 60$  y despejando,  $x = 16666,7$  m.

**Problema 4.**

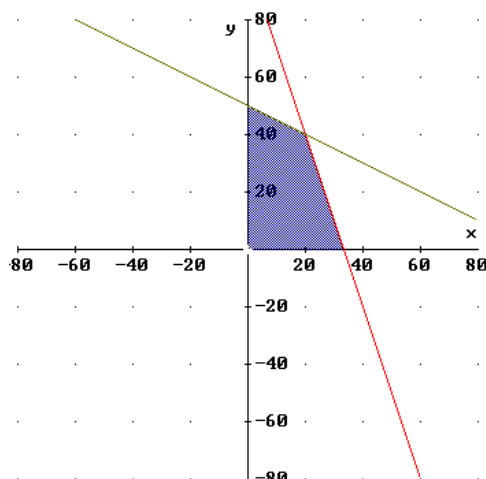
a)  $p(L) = 0,6 \cdot 0,3 + 0,4 \cdot 0,5 = 0,38.$

b)  $p(M / L) = \frac{0,6 \cdot 0,7}{0,62} = 0,68.$



| b) Bachillerato de Ciencias Humanas y Sociales |                    |
|------------------------------------------------|--------------------|
| Soluciones del ejercicio B                     | Septiembre de 2002 |

**Problema 1.** Las restricciones son  $\begin{cases} 3x + y \leq 100 \\ x + 2y \leq 100 \\ x \geq 0, y \geq 0 \end{cases}$  que determinan la región factible



Los puntos posibles son  $A(0, 50)$ ,  $B(20, 40)$  y  $C(100/3, 0)$ .

Sustituyendo en la función objetivo  $f(x, y) = 100x + 150y$  se obtiene  $f(0, 50) = 7500$ ,  $f(20, 40) = 8000$  y  $f(100/3, 0) = 3333,3$ . Luego se deben fabricar 20 aparatos de tipo A y 40 aparatos de tipo B obteniéndose una ganancia de 8000 euros.

**Problema 2.** La recta paralela tendrá de pendiente  $m=2$ . Resolviendo el sistema

$\begin{cases} y = 3x - 2 \\ 3x - 2y = 1 \end{cases}$  se obtiene el punto  $(1, 1)$ . Por tanto la recta pedida, en forma punto-

pendiente, es  $y - 1 = 2(x - 1)$ .

**Problema 3.** a) Derivando la función e igualando a cero:  $y' = 4x - 12 = 0$ , se obtiene que en  $x=3$  presenta el consumo mínimo pues  $y'' = 4 > 0$ .

b) El máximo lo alcanzará en uno de los extremos del intervalo  $[2, 5]$ .  $f(2) = 7$  y  $f(5) = 13$ . El consumo máximo es a 5000 revoluciones por minuto.

c) los consumos son  $f(3) = 5$  litros/hora y  $f(5) = 13$  litros/hora.

**Problema 4.**

a) Al ser una probabilidad compuesta y sin devolución:  $p = \frac{10}{18} \cdot \frac{5}{17} \cdot \frac{3}{16} = \frac{25}{816}$ .

b) En este caso al no importar el orden en el que se escogen los sabores de los caramelos:  $p = 3! \frac{25}{816} = \frac{25}{136}$ .